

# Prilog određivanju vlažnosti vazduha psihrometrom

I. Demirdžić, P. Kaluđerčić \*

## UVOD

Vlažnost vazduha je jedan od atributa čovjekove okoline koji ima bitan uticaj na tu okolinu: na klimu, na biljni i životinjski svijet, na poljoprivredne i industrijske proizvode itd. Od specijalnog je interesa uticaj vlažnosti vazduha na osjećaj ugodnosti čovjeka. Rečenica: »To nije temperatura, to je vlažnost!« klasičan je izraz čovjekove spoznaje vlažnosti kao važnog faktora koji utiče na njegovu termičku ugodnost. [5], [9]

Zbog svog velikog značaja, mjerjenje i regulacija vlažnosti našli su primjenu u različitim oblastima nauke i tehnike: u biologiji i medicini, poljoprivredi, regulaciji tehnoloških procesa, a specijalno u meteorologiji (čije podatke koristi hidrologija, okeanografija, avijacija, radiotehnika itd.) i u kondicioniranju vazduha u cilju klimatizacije prostorija u kojima žive i rade ljudi [9].

## MJERENJE VLAŽNOSTI VAZDUHA

**Stanje** vlažnog vazduha određeno je pritiskom, temperaturom i vlažnošću, koja se najčešće definiše relativnom vlažnošću ili parcijalnim pritiskom vodene pare u vazduhu. Dok su metode i instrumenti za mjerjenje pritiska i temperature danas dostigle visok nivo, prilikom mjerjenja vlažnosti, a naročito prilikom mjerjenja u regulacione svrhe još uvijek se nailazi na poteškoće, tako da transmpter vlažnosti spada u nepouzdanije elemente u tehničkoj praksi.

Za mjerjenje vlažnosti danas se koriste instrumenti bazirani na različitim fizičkim zakonima i osobinama nekih organskih materija [3], [8]:

— higrometri koji koriste promjenu fizičke forme (najčešće dužine) nekih organskih materija (higrometar s dlakom),

— higrometri na bazi rošenja hladne površine (na primjer Lambrechtov kondenzacioni higrometar),

— higrometri na bazi snižavanja temperature mokre površine uslijed ishlapljivanja (na primjer Augustov ili Assmanov psihometar),

— higrometri na bazi promjene električne vodljivosti s promjenom vlažnosti (električni higrometri),

\* Ismet Demirdžić, dipl. maš. ing., prof. mat., saradnik *Energoinvesta — ITEN-a*, Sarajevo i asistent Mašinskog fakulteta u Sarajevu; prof. dr Pavle Kaluđerčić, dipl. ing., Mašinski fakultet, Sarajevo, saradnik Instituta za fiziku, Sarajevo

— higrometri na bazi adsorpcionih i apsorpcionih osobina različitih materijala (spektroskopski higrometri) itd.

Primjena pojave snižavanja temperature mokre površine uslijed ishlapljivanja za mjerjenje vlažnosti vazduha spominje se prvi put u 18. vijeku i postepeno dovodi do dobro poznatog psihometra, koji je, čak i danas, najpraktičniji i najšire primjenjivan instrument za mjerjenje vlažnosti vazduha. Postoje različiti oblici psihometra, ali se svi oni u suštini sastoje od mjerača temperature pokrivenog mokrom navlakom (mokri termometar) i sličnog mjerača temperature bez mokre navlake (suhi termometar). U principu se preporučuje da se oba termometra ventiliraju i što je moguće bolje zaštite od uticaja radijacije iz okoline (slika 1).

Zajednička komisija za psihometarske podatke i Svjetska meteorološka organizacija (The Joint Committee on Psychrometric Data and the Work Meteorological Organization) preporučuju da se temperatura vlažnog termometra definije kao rješenje  $t_w (P_0 t_s, x)$  jednačine:

$$i [P_o, t_w, x' (P_o, t_w)] = i(P_o t_s, x) + \\ + [x' (P_o, t_w) - x] i_w (P_o, t_w) \quad (1)$$

gdje je:

$i [P_o, t_w, x' (P_o, t_w)]$  — entalpija zasićenog vazduha pritiska  $P_o$  i temperature  $t_w$ ,

$i(P_o t_s, x)$  — entalpija vlažnog vazduha pritiska  $P_o$  temperature  $t_s$  i sadržaja vlage  $x$ ,

$i_w (P_o, t_w)$  — entalpija vode pritiska  $P_o$  i temperature  $t_w$ ,

$x' (P_o, t_w)$  — sadržaj vlage zasićenog vazduha pritiska  $P_o$  i temperature  $t_w$ .

Ova definicija prepostavlja proces ubrizgavanja vode pritiska  $P_o$  i temperature  $t_w$  u struju vlažnog vazduha pritiska  $P_o$ , temperature  $t_s$  i sadržaja vlage  $x$  dok se ne postigne adijabatsko zasićenje na pritisku  $P_o$  i temperaturi  $t_w$ .

Pojednostavljenje ove jednačine uz prepostavku da se vlažan vazduh ponaša kao idealan

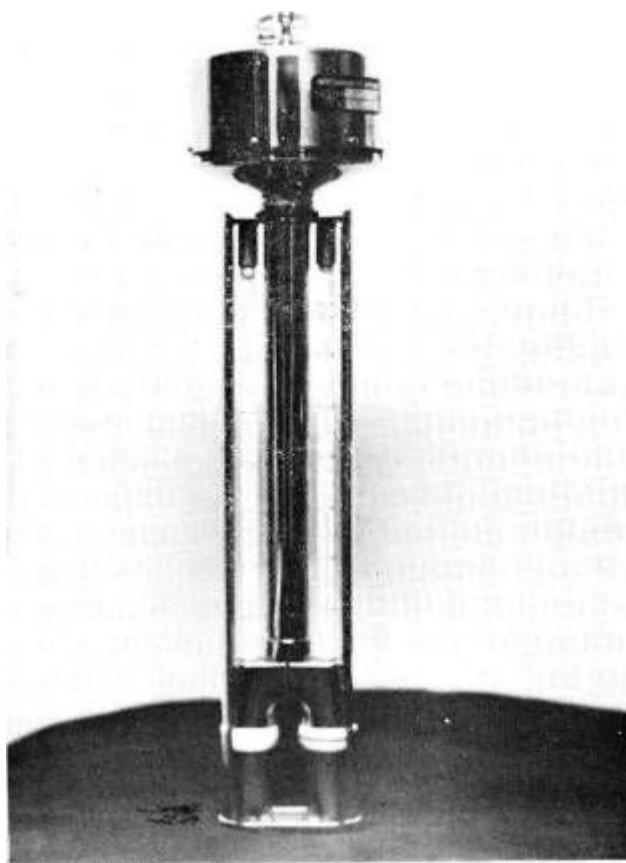
gas i uz zanemarivanje nekih sekundarnih efekata dovodi do tzv. psihrometarske jednačine [1], [3], [4], [10], [11]:

$$P = P'(t_w) - P_o A(t_s - t_w) \quad (2)$$

gdje je:

$P$  — parcijalni pritisak vodene pare u vlažnom vazduhu,

Sl. 1. Psihometar



$P'(t_w)$  — parcijalni pritisak zasićene vodene pare u vazduhu pri temperaturi  $t_{Av}$ ,

$P_o$  — barometarski pritisak,

$A$  — psihrometarska konstanta.

Vrijednosti parcijalnog pritiska zasićene vodene pare  $P'(t_w)$  uzimaju se iz tablica za zasićenu vodenu paru (na primjer [6]), dok vrijednost psihrometarske konstante zavisi od konstrukcije psihrometra i kreće se oko  $A = 6,5 \cdot 10^{-4} \text{ K}^{-1}$  za vodu, odnosno  $5,7 \cdot 10^{-4} \text{ K}^{-1}$  za led na navlaci mokrog termometra [1].

Na osnovu psihrometarske jednačine izrađene su različite psihrometarske tablice [1] koje, pored parcijalnog pritiska vodene pare, daju i relativnu vlažnost vazduha u zavisnosti od temperatura suhog  $t_s$  i vlažnog  $t_w$  termometra (ili u zavisnosti od temperature vlažnog termometra  $t_w$ )

psihrometarske razlike  $t_s - t_w$ ) i barometarskog pritiska  $P_o$ , [11], [3]. Pored psihrometarskih tablica u upotrebi su i psihrometarski dijagrami, nomogrami i pomicni nomogrami konstruisani na osnovu psihrometarske jednačine [1].

Razloge najčešćoj upotrebi psihrometra za mjerjenje vlažnosti treba tražiti prije svega u relativno niskoj cijeni instrumenta, jednostavnom rukovanju i održavanju, nezavisnosti za bilo kakav izvor energije i zadovoljavajućoj tačnosti. Osnovni nedostaci psihrometra su komplikovana automatizacija i telemetrija, otežana upotreba i smanjena tačnost kod temperature bliskih  $0^\circ\text{C}$ , zavisnost rezultata mjerjenja od barometarskog pritiska i neophodnost preračunavanja očitanih podataka u željeni pokazatelj vlažnosti vazduha, uz upotrebu tablica za vodenu paru.

Ovaj poslednji nedostatak umanjen je donekle izradom psihrometarskih tablica, dijagrama i nomograma. Međutim, tačnost očitavanja relativne vlažnosti i parcijalnog pritiska vodene pare pomoću psihrometarskih dijagrama i nomograma ograničena je dimenzijama tih pomagala. S druge strane, psihrometarske tablice omogućuju postizanje željene tačnosti, ali su glomazne, nepregledne i nepraktične, a zahtijevaju i dodatne proračune korekcije na barometarski pritisak.

Ovaj nedostatak naročito dolazi do izražaja u slučaju kompjuterizacije proračuna koji uključuju podatke mjerjenja vlažnosti pomoću psihrometra. U takvim slučajevima trebalo bi podatke iz tablica ubaciti u memoriju računara. Međutim, to zauzima mnogo prostora u memoriji, a pored toga zahtijeva interpolaciju između diskretnih vrijednosti datih u tablicama.

### ODREĐIVANJE VLAŽNOSTI VAZDUHA POMOĆU PSIHOMETRA BEZ UPOTREBE PSIHROMETARSKIH TABLICA I DIJAGRAMA

Da bi se izbjegla upotreba tablica i dijagrama prilikom određivanja vlažnosti vazduha pomoću psihrometra, neophodno je izvesti analitičke izraze koji daju zavisnost relativne vlažnosti i parcijalnog pritiska vodene pare samo od barometarskog (pritisaka i temperatura vlažnog i suhog termometra. Prilikom izvođenja tih analitičkih izraza pretpostavljenje je da je psihometar tako konstruisan da je Lewis (Lewis) faktor za vlažan vazduh i turbulentno strujanje jednak jedinici, tj.

$$Le = \frac{\sigma c_{pv}}{\alpha} = 1 \quad (3)$$

gdje je:

$\sigma$  — koeficijent ishlapljivanja,  $\text{kg/m}^2\text{s}$

$c_{pv}$  — specifična toplota vazduha,  $\text{J/kg K}$

$\alpha$  — koeficijent prelaza topline sa površine vode na vazduh,  $\text{W/m}^2\text{K}$

a to je najčešći slučaj, naročito pri manjim razlikama između temperatura suhog i vlažnog termometra [2].

Tabela 1.

P <sub>0</sub> = 1,00 BAR						
TS = 10,00 STEPENI CELZIJUSA						
T <sub>W</sub> ST.C.	F <sub>I</sub> %	F <sub>IT</sub> %	D <sub>FI</sub> %	P BAR	P <sub>T</sub> BAR	D <sub>P</sub> BAR
5.	45,29	44,56	.73	.00560	.00547	.00014
6.	55,53	54,97	.56	.00686	.00675	.00012
7.	66,12	65,70	.42	.00816	.00806	.00010
8.	77,08	76,77	.31	.00950	.00942	.00008
9.	88,43	88,20	.23	.01088	.01082	.00006
10.	100,18	100,00	.18	.01231	.01227	.00004
TS = 20,00 STEPENI CELZIJUSA						
T <sub>W</sub> ST.C.	F <sub>I</sub> %	F <sub>IT</sub> %	D <sub>FI</sub> %	P BAR	P <sub>T</sub> BAR	D <sub>P</sub> BAR
6.	1,68	1,05	.63	.00040	.00025	.00016
7.	7,16	6,69	.47	.00171	.00156	.00015
8.	12,83	12,50	.34	.00306	.00292	.00014
9.	18,71	18,50	.21	.00445	.00432	.00013
10.	24,80	24,70	.10	.00589	.00577	.00012
11.	31,11	31,10	.01	.00738	.00727	.00011
12.	37,66	37,72	-.06	.00892	.00881	.00010
13.	44,46	44,57	-.11	.01051	.01042	.00010
14.	51,53	51,67	-.13	.01216	.01207	.00009
15.	58,88	59,01	-.13	.01387	.01379	.00008
16.	66,52	66,62	-.10	.01565	.01557	.00008
17.	74,48	74,51	-.04	.01749	.01741	.00007
18.	82,76	82,69	.07	.01939	.01932	.00007
19.	91,38	91,18	.21	.02137	.02131	.00006
20.	100,37	100,00	.37	.02342	.02337	.00005
TS = 30,00 STEPENI CELZIJUSA						
T <sub>W</sub> ST.C.	F <sub>I</sub> %	F <sub>IT</sub> %	D <sub>FI</sub> %	P BAR	P <sub>T</sub> BAR	D <sub>P</sub> BAR
11.	1,93	1,81	.12	.00086	.00077	.00009
12.	5,44	5,46	-.02	.00241	.00231	.00009
13.	9,08	9,23	-.15	.00402	.00392	.00010
14.	12,87	13,14	-.27	.00568	.00557	.00011
15.	16,81	17,19	-.38	.00741	.00729	.00012
16.	20,90	21,38	-.48	.00919	.00907	.00013
17.	25,17	25,73	-.56	.01105	.01091	.00014
18.	29,61	30,23	-.62	.01297	.01282	.00015
19.	34,24	34,91	-.67	.01497	.01481	.00016
20.	39,06	39,77	-.71	.01704	.01687	.00018
21.	44,09	44,80	-.71	.01920	.01900	.00020
22.	49,34	50,03	-.69	.02143	.02122	.00021
23.	54,81	55,47	-.66	.02376	.02353	.00023
24.	60,53	61,12	-.59	.02617	.02592	.00025
25.	66,50	67,00	-.50	.02867	.02842	.00026
26.	72,73	73,08	-.36	.03128	.03100	.00028
27.	79,24	79,43	-.19	.03398	.03369	.00029
28.	86,04	86,02	.02	.03679	.03649	.00031
29.	93,15	92,87	.27	.03971	.03939	.00032
30.	100,57	100,00	.57	.04274	.04241	.00033

Inače, Luisov faktor se malo razlikuje od jedinice ( $0,95 < Le < 1,05$ ), tako da se pretpostavka (3) može smatrati opravdanom [2], [3].

U slučaju  $Le = 1$ , na osnovu izmјerenih temperatura suhog i vlažnog termometra stanje vlažnog vazduha može se, za dati barometarski pritisak, odrediti pomoću i-x dijagrama na taj način što će se naći pres jek izoterme suhog termometra  $t_s$  i produžetka izoterme vlažnog termometra  $t_w$  iz područja magle [2], [3] (slika 2).

U i-x dijagramu jednačina izoterme suhog termometra ima oblik:

$$i = c_{pv} t_s + [r(t_s) + c_{pp} t_s] x(P_o, t_s, t_w) \quad (4)$$

a jednačina izoterme vlažnog termometra:

$$i = C_{pv} t_w + [r(t_w) + (c_{pp} - c_{pv}) t_w] x'(P_o, t_w) + c_{pw} t_w x(P_u, t_s, t_w), \quad (5)$$

gdje je za interval temperature od 0 do 100°C:

$$c_{pv} = 1,00 \text{ kJ/kgK}$$

— specifična toplota vazduha,

$$c_{pp} = 1,86 \text{ kJ/kgK}$$

— specifična toplota vodene pare, (6)

$$c_{pw} = 4,19 \text{ kJ/kg K}$$

— specifična toplota vode,

toplota isparavanja vode:

$$r(t) = 2500 - 2,39 \cdot 1, \text{ kJ/kg} \quad (7)$$

pri čemu je  $t$  u °C.

Zavisnost sadržaja vlage na liniji zasićenja od temperature i pritiska vazduha  $x'(P_o, t)$  data je u literaturi tabelarno [6], [7]. Da bi se izbjegla upotreba tablica, izvršena je aproksimacija tabelarnih podataka za interval temperature od 5 °C do 40 °C funkcijom:

$$x'(P_o, t) = \frac{1}{P_o} (A \cdot t^2 + B \cdot t + C) \cdot e^{D \cdot t} \quad (8)$$

koja najbolje aproksimira datu eksperimentalnu zavisnost.

Koefficijenti A, B, C i D određeni su metodom najmanjih kvadrata i dobijene su vrijednosti:

$$\begin{aligned} A &= -676241 E - 06 \approx -0,0068 \cdot 10^{-4} \text{ °C}^{-2} \\ B &= -250484 E - 04 \approx 0,25 \cdot 10^{-4} \text{ °C}^{-1} \\ C &= -389518 E - 02 \approx 38,95 \cdot 10^{-4} \\ D &= -640837 E - 01 \approx 0,064 \text{ °C}^{-1} \end{aligned}$$

tako da izraz (8) dobija oblik:

$$x'(P_o, t) = \frac{10^{-4}}{P_o} (-0,0068t^2 + 0,25t + 38,95) e^{0,064t} \quad (10)$$

Pri tome se barometarski pritisak mora uzimati u barima. Maksimalno odstupanje vrijednosti sadržaja vlage izračunatih pomoću formule (10) od eksperimentalnih (tabelarnih) podataka iznosi 0,8%.

Uvrštavajući (6), (7) i (10) u (4) i (5) dobija se sistem od dvije linearne jednačine s dvije nepoznate: i i x ( $P_o, t_s, t_w$ )

$$i = t_s + (2500 - 0,53 \cdot t_s) \cdot x(P_o, t_s, t_w),$$

$$10^{-4}$$

$$i = t_w + (2500 - 4,72 t_w) \frac{(-0,0068t_w^2 + 0,25 t_w + 38,95) e^{0,064t_w}}{P_o} + 4,19 t_w x(P_o, t_s, t_w) \quad (11)$$

čijim se rješavanjem dobija:

$$x(P_o, t_s, t_w) = \frac{t_w - t_s (2500 - 4,72 t_w) \frac{10^{-4}}{P_o} (-0,0068 t_w^2 + 0,25 t_w + 38,95) e^{0,064 t_w}}{2500 - 0,53 t_s - 4,19 t_w} \quad (12)$$

Pošto se za interval temperatura od 5°C do 40°C sa greškom manjom od 1% može uzeti [2], [3], [7]:

$$\varphi = \Psi = \frac{x(P_o, t)}{x'(P_o, t)} \quad (13)$$

gdje je ( $\varphi$  relativna vlažnost, a  $\Psi$  stepen zasićenja vazduha, to se tražena analitička zavisnost relativne vlažnosti vazduha od barometarskog pritiska i temperaturnog termometra mogu napisati u obliku:

$$\varphi(P_o, t_s, t_w) = \frac{x(P_o, t_s, t_w)}{x'(P_o, t_s)} \quad (14)$$

gdje je  $x(P_o, t_s, t_w)$  dano relacijom (12), a  $x'(P_o, t_s)$  relacijom (10).

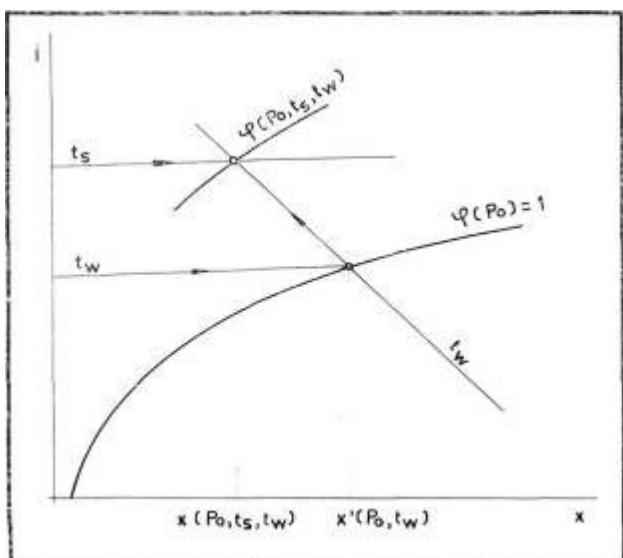
Zavisnost parcijalnog pritiska vodene pare od barometarskog pritiska i temperaturnog termometra može se izračunati pomoću relacije [2], [3], [7]:

$$P(P_o, t_s, t_w) = \frac{x(P_o, t_s, t_w)}{0,622 + x(P_o, t_s, t_w)} \quad (15)$$

gdje je  $x(P_o, t_s, t_w)$  dano relacijom (12).

Radi izračunavanja željenih podataka vlažnosti vazduha napravljen je program za računar, pomoću kojeg su na osnovu formula (14) i (15) za interval temperaturu od 5°C do 40°C izračunate

Sl. 2. Određivanje stanja vlažnog vazduha u i-x dijagramu psihrometrom ( $Le = 1$ )



vrijednosti relativne vlažnosti i parcijalnog pritiska vodene pare, kao i njihovo odstupanje od vrijednosti datih u psihrometarskim tablicama. Analizom tih rezultata ustanovljeno je da je maksimalno odstupanje relativne vlažnosti:

$$\Delta\varphi_{\max} = |\varphi - \varphi_{\text{tab}}| = 0,0113 = 1,13\% \quad (16)$$

pri rasponu relativne vlažnosti od 0 do 1, odnosno od 0 do 100%, a maksimalno odstupanje parcijalnog pritiska vodene pare:

$$\Delta P_{\max} = |P - P_{\text{tab}}| = 0,00069 b = 0,52 \text{ mm Hg} \quad (17)$$

pri rasponu parcijalnog pritiska vodene pare od 0 do 0,07045 b, odnosno od 0 do 52,8 mm Hg, što se za većinu tehničkih proračuna može smatrati zadovoljavajućom tačnošću.

Radi ilustracije, u tabeli 1 dati su rezultati proračuna relativne vlažnosti (FI) i parcijalnog pritiska vodene pare (P) pomoću formula (14) i (15) za tri vrijednosti temperaturnog termometra, kao i podaci iz psihrometarskih tablica (FIT i PT) i apsolutno odstupanje izračunatih vrijednosti i vrijednosti datih u tablicama (DFI i DP).

## ZAKLJUČAK

Dobijeni izrazi omogućuju da se sa zadovoljavajućom tačnošću odredi relativna vlažnost vazduha i parcijalni pritisak vodene pare u vazduhu bez upotrebe psihrometarskih tablica ili dijagrama. Praktična vrijednost ovih izraza dobija na značaju ako se zna da već danas postoje džepni računari s mogućnošću programiranja manjih proračuna, koji omogućuju da se jednostavnim zadavanjem očitanih vrijednosti barometarskog pritiska i temperaturnog termometra dobiju vrijednosti relativne vlažnosti i parcijalnog pritiska vodene pare.

Pored toga, dobijeni izrazi omogućuju jednostavniju i jeftiniju kompjuterizaciju složenih proračuna u kojima figuriše vlažnost vazduha, jer se na ovaj način izbjegava učitavanje tabelarnih podataka u memoriju računara. Oblast temperaturnog termometra u kojoj vrijede dobijene formule s navedenom tačnošću (od 5°C do 40°C) zadovoljava potrebe grijanja i klimatizacije. Za druge namjene (meteorologija, različiti tehnološki procesi itd.), odnosno za druge oblasti temperatura trebalo bi dobijene izraze nešto modificirati.

## LITERATURA

- [1] BINDON, H. H.: *A Critical Review of Tables and Charts used in Psychrometry*, Int. Symp. on Humidity and Moisture, Washington, 1963.

(Nastavak na str. 66)